



株式会社大島造船所 (九州大学大学院工学府) 中村 匠 九州大学 大学院工学研究院 木村 元

2017年 5月23日 JASNAOE春季講演会





- ・発表の流れ
- 1. 研究の背景と目的

⇒既存の技術の紹介

⇒先行研究での取り組みと課題について

- 2. Kinectについて
- **3. 成果の報告**
- 4. 結果・考察
- **5. 結論・課題**



・研究の背景と目的

造船所での形状計測

・ブロックの精度管理
・船舶修繕時に新たな機材を搭載のための形状計測
・現場合わせ管の位置計測etc







・計測に時間がかかる ・レーザースキャナが非常に高価 価格は500万円以上

レーザースキャナ FARO-FocusX130 http://www.faro.com/ja-jp/home

・研究の背景と目的



機器	レーザースキャナ(FARO- FocusX130)
価格	約500万円
対象物	0.5~130[m](測定条件による)
精度	±2[mm]
計測速度	約500,000点/秒 1視点約4分

レーザースキャナ FARO-FocusX130 http://www.faro.com/ja-jp/home

安価なものでより速く同等の精度を得たい!



Microsoft KinectV2≪約2万円≫



・先行研究

- ・KinectV2センサーを用いてノイズの多い点群データからの球体マーカーの位置の計 測手法を提案.
- ・実際にKinectV2を用いて直径50[mm]の球の計測を100回行い,誤差・標準偏差 1[mm]程度で位置の推定に成功.

問題点

- ・計測範囲がKinectV2の視野に依存
- ・障害物に隠れた部分の計測が不可能
- ・点群の量が少ないため1回の計測データでは球の検出が不可能

平成27年度秋季講演会:KinectV2センサーを用いた現場合わせ管の計測システムの開発

中村 匠, 木村 元 http://sysplan.nams.kyushu-u.ac.jp/gen/papers/paper2015/NakamuraKimura/JASNAOE2015NakamuraKimura.pdf



Experi	ment No.	Position	Standard Deviation
Sphere 1	x-coordinate	217.866	8.490×10 ⁻¹
parameters	y-coordinate	-412.877	8.183×10 ⁻¹
[mm]	z-coordinate	1937.814 7.010×10 ⁻¹	7.010×10 ⁻¹
Sphere 2	x-coordinate	-282.619	6.721×10 ⁻¹
parameters	y-coordinate	-408.165	1.048
[mm]	z-coordinate	ordinate 1945.664 8.790×1	8.790×10-1
Distan	ce [mm]	499.572	1.209

・先行研究 これに対する解決策として 【重ね合わせ処理:レジストレーション】

無料で利用できる点群処理ライブラリ**PCL**(Point Cloud Library)の重ね合わせ機能 2視点で対応する点群の位置情報のみを手掛かりに点群の重ね合わせ処理を行う。



これに代わる新たな手法が提案されたが...

問題点

・基準とする平面が3平面のみ、それによる重ね合わせ精度の不安 ・対応する平面の探索が全数探索であり時間を要する



岩内 也樹, 中原 勇登 http://sysplan.nams.kyushuu.ac.jp/gen/papers/paper2016/lwauti nakahara/KimuralwautiNakahara2016JASNAOE.pdf





・Kinectを用いて精度の高い死角のない形状・寸法推定を行いたい ・<u>精度の高いレジストレーション(重ね合わせ)処理の実装が必要</u>





・Kinectを用いて精度の高い死角のない形状・寸法推定を行いたい ・<u>精度の高いレジストレーション(重ね合わせ)処理の実装が必要</u>





- ・発表の流れ
- 1. 研究の背景と目的
- 2. Kinectについて
 - ⇒Kinect V2センサーとは ⇒得られるデータの特徴について
- **3. 成果の報告**
- 4. 結果・考察
- **5.** 結論・課題

・KinectV2センサーとは



- ・高速深度計測デバイスの1つ
- ・Microsoft社が発売したゲームコントローラ「Kinect」の新型
- ・旧型と比較し解像度などスペック上昇
- ・デプス方向の計測方式の変化

		Kinect v1	Kinect v2	
ft (Color)	解像度(Resolution)	640×480	1920×1080	
면 (Color)	fps	30fps	30fps *3	
深度(Depth)	解像度 (Resolution)	320×240	512×424	Kinect\/1
	fps	30fps	30fps	ステレオビジョン画像の
人物領域 (Player)	6人	6人	Kinect//2:
人物姿勢 (Skelet	on)	2人	6人	
関節 (Joint)		20関節/人	25関節/人	IoF(Time Of Flight)
手の開閉状態(Ha	and State)	△ (Developer Toolkit)	O (SDK)	
深度の取得範囲(Range of Depth)	0.8 ~4.0m (Near Mode 0.4m~) (Extended Depth ~10.0m)	0.5~8.0m	…投光した赤外線が反射 までの時間からデプスを
人物の検出範囲(Range of Detection)	0.8~4.0m (Near Mode 0.4~3.0m)	0.5~4.5m	/ 小式 …深度の取得範囲が大
角度 (Angle)	水平 (Horizontal)	57度	70度	ているのはこのため
(Depth)	垂直 (Vertical)	43度	60度	L
チルトモーター (Tilt Motor)	0	× (手動)	
複数のアプリ		× (単一のアプリ)	0	



・得られるデータの特徴について

1. 赤外線使用によるノイズ

赤外線吸収率の影響:赤外線の反射率が低い材 質・色の場合では50[mm]以上の値のばらつきが出 る場合がある 鏡面反射の影響:物体表面に光沢がある場合、鏡 面反射により計測が困難になる

対策

計測に不利な部分のデータは外れ値とし て扱い、計測可能な部材の計測データの みを参照する





・得られるデータの特徴について

2. マルチパス(多重反射)ノイズ

多重反射の影響で実際より数ミリ程度遠くに出る 現象

赤外線反射率が高い材質・色の物体がある場合や凹面形状の場合に起きやすい

マルチパスの影響





湾曲した一部の部分は外れ値として扱う 外れ値に強い処理を行う



- ・発表の流れ
- 1. 研究の背景と目的
- 2. Kinectについて
- **3. 成果の報告**

⇒新たなレジストレーション手法の提案
⇒従来手法との比較・精度の検証
⇒多視点のレジストレーションについて
⇒実験

- 4. 結果·考察
- 5. 結論・課題





点群データ書き出し

高速深度計測デバイスによる形状計測に関する研究 Nakamura Takumi,2017

13





・平面のクラスタリング

大規模な点群データから誤差を無視して平面を取り出す処理

先行研究で提案された手法を使用 主成分分析とRANSAC法を用いた誤差に強い平面検出手法



平面のクラスタリングで求められた重心と第一主成分・第二主成分上の 一定距離離れた点の合計5点を平面の代表点とする 今後の計算は全てこの代表点の座標と平面の方程式を用いて行う







・平面のフィッティング

視点1の平面の方程式と視点2の平面の代表点を回転・平行移動によりうまく当てはめる処理

非線形数値最適化手法による探索で理想の回転・平行移動パラメータを探索する



イメージ図



回転には<u>クォータニオン回転</u>を用いる 任意の正規化したベクトルS周りの回転角γを 表現する方法。



・平面のフィッティング

視点1の平面の方程式と視点2の平面の代表点を回転・平行移動によりうまく当てはめる処理

非線形数値最適化手法による探索で理想の回転・平行移動パラメータを探索する



イメージ図



三次元であるため上下,左右,前後の3方向移動 を固定できる平面が最低でも3面必要



・外れ面とは

<u>ー方の視点から見えるが他方の視点からは</u> <u>見えない面、または誤検出された面</u> 本研究ではこれを外れ面と呼ぶ

点群の重ね合わせ処理の自動化にあたって 必ず対策が必要となる 誤差の多いKinectでは特に重要















・平面のペアリング

非線形数値最適化手法で最小化するためのコスト評価関数を与える. ロバスト推定の一種である最小メジアン法を応用した方法を用いることで外 れ面を無視する.













メジアン値参照でうまくいかない形状の例 全5平面に対し同じ向きの面が3面.



































・新たなレジストレーション手法の提案



解説点 ・処理④の理由について





処理④では②の解で距離の 二乗が一定以下のすべての 平面を用いて<u>ずれの補正</u>を 行う.

- ・発表の流れ
- 1. 研究の背景と目的
- 2. Kinectについて
- **3. 成果の報告**

⇒新たなレジストレーション手法の提案
⇒従来手法との比較・精度の検証
⇒多視点のレジストレーションについて
⇒実験

- 4. 結果·考察
- 5. 結論・課題
・従来手法との比較

【検証実験】 以下のような2視点から計測し,レジストレーションを行う. 従来手法と提案手法でそれぞれ処理を行う.







・従来手法との比較

【検証実験】 以下のような2視点から計測し,レジストレーションを行う. 従来手法と提案手法でそれぞれ処理を行う.







・従来手法との比較

【処理手順の補足】 従来手法では,対応する異なる向きの3平面を手動で選択する必要がある. この実験では以下に示した3平面のパラメータを用いた.

提案手法では,検出された平面全て(外れ面含む)を読み込み計算する.



・従来手法との比較

レジストレーション結果 以下の場所を拡大表示し上から表示





従来手法 結果

提案手法 結果



レジストレーション結果 拡大図



・精度の検証

- 点群の人工データを作成し設定 値で座標変換
- ・平面ごとに±3[mm]の一様分布 ノイズをのせ点群生成
- ・球体マーカーを模した点群を 1000[mm]間隔で生成

<u>座標変換の設定値との誤差と球体</u> マーカーが正確に検出できるかど うかを検証.



物体寸法:1000[mm](高さ)×2000 [mm] (幅)×1000[mm](深さ) マーカー寸法:50[mm] (直径)

座標変換値が自明な人エデータを用いる ことで手法の精度を確認.

座標変換値の誤差は小数点第12位まで無し 球の座標も誤差は小さい

50回計管 平均值	球①			球②			球③		
	x[m m]	y[m m]	z[m m]	x[m m]	y[m m]	z[m m]	x[m m]	y[m m]	z[m m]
設定値	0	0	1500	1000	0	1500	2000	0	1500
視点 1	-0.0000507	0.000871	1500	1000	0.000050	1500	2000	0.000036	1500
標準偏差	0.00233	0.00214	0.00203	0.00242	0.00187	0.00145	0.00205	0.00228	0.00197
視点 2	0.000473	0.0000663	1500	1000	0.0000413	1500	2000	-0.000215	1500
標準偏差	0.00199	0.00193	0.00200	0.00190	0.00198	0.00177	0.00224	0.00210	0.00178
視点1と2のずれ		0.000964			0.000343			0.000553	

ancuserie		
		•

レジストレーション後データ

座標変換値の誤差

α

β

γ

dx

dy

dz

設定値

0.100

0.200

0.300

400

500

600

結果

0.100

0.200

0.300

400

500

600

標準偏差

 1.61×10^{-15}

 5.44×10^{-15}

 1.01×10^{-14}

 8.25×10^{-10}

 1.21×10^{-9}

 4.68×10^{-10}

•	有度の検証	

15回計算の平均

軸角度[rad]

回転角度[rad]

平行移動距離[mm]

座標変換値の誤差は小数点第12位まで無し 球の座標も誤差は小さい

	uz	000	000 4.	68×10^{-10}	•				•
[球の中心	気菌を	¥			·	K.		
50回計算 平均值	Ð X	i	高精度	かつ自	動で	行える			z[m m]
設定値		重ね合わせ処埋の実装							1500
視点 1									1500
標準偏差	0.00233	0.00214	0.00203	0.00242	0.00187	0.00145	0.00205	0.00228	0.00197
視点 2	0.000473	0.0000663	1500	1000	0.0000413	1500	2000	-0.000215	1500
標準偏差	0.00199	0.00193	0.00200	0.00190	0.00198	0.00177	0.00224	0.00210	0.00178
視点1と2のずれ		0.000964			0.000343			0.000553	

	<u> </u>	奥旭の設	:左	
15回計算の平	設定値	結果	標準偏差	
—————————————————————————————————————	α	0.100	0.100	1.61×10^{-15}
和内皮 [lau]	β	0.200	0.200	5.44×10^{-15}
回転角度[rad]	r	0.300	0.300	1.01×10^{-14}
	d x	400	400	8.25×10^{-10}
平行移動距離[m m]	d y	500	500	1.21×10^{-9}
	d z	600	600	4.68×10^{-10}

ᄨᄪᆇᄱᆣᇬᆁᆇ



・精度の検証

KYUSHU UNIVERSITY

*

- ・発表の流れ
- 1. 研究の背景と目的
- 2. Kinectについて
- **3. 成果の報告**

⇒新たなレジストレーション手法の提案
 ⇒従来手法との比較・精度の検証
 ⇒多視点のレジストレーションについて
 ⇒実験

- 4. 結果·考察
- 5. 結論・課題



・多視点のレジストレーションについて

・多視点のレジストレーション(重ね合わせ)
 …2視点のレジストレーションが正確に行えれば理論上可能であるが誤差がある場合は
 誤差が蓄積する

視点1と2を重ね合わせ、それを視点3に重ね 合わせる場合...

視点1と視点3の間で誤差が発生! 視点1と3でも重ね合わせの確認を行うべき.

しかし...現在は<u>3方向移動が固定できる共</u> 通の3面が得られない場合はレジストレーショ ンが行えないため,視差に限度がある

本研究ではレジストレーション可能な視点 同士のみを確認し,ずれを補正する.





- ・発表の流れ
- 1. 研究の背景と目的
- 2. Kinectについて
- **3. 成果の報告**
 - ⇒新たなレジストレーション手法の提案
 ⇒従来手法との比較・精度の検証
 ⇒多視点のレジストレーションについて
 ⇒実験
 - ・実験① 計測データを用いた実験
 - 実験②
- 4. 結果·考察
- 5. 結論・課題

・実験①

・対象物を8視点から計測したデータを用意



1視点分の点群データ





約1500[mm]







8視点分の点群データを色分け表示したもの





















































点群データの重ね合わせ結果





レーザースキャナ…1視点の計測時間約240[s] Kinectではその間に<u>移動時間を含めても96視点ほど計測可能</u> ・短い計測時間で物体の全体形状を把握できる

・実験①

マーカーの座標検出結果 50回計算
 横軸:[計算回数] 縦軸:[mm]

50回計算 平均値	球①			球②			球③		
	x[m m]	y[m m]	z[m m]	x[m m]	y[m m]	z[m m]	x[m m]	y[m m]	z[m m]
球座標	-434.624	-461.966	1266.23	181.638	-407.561	1590.10	798.408	-354.093	1920.69
標準偏差	1.04246	1.03523	1.23767	1.23398	1.16087	0.721848	2.69922	1.79016	1.52693

計測50回 平均値	球①と球②	球2と球3	球1と球3
実距離[m m]	700.000	700.000	1400.00
計測距離[m m]	698.304	701.821	1400.11
標準偏差[m m]	1.48765	2.81340	3.00224



・実験①

・マーカーの座標検出結果 50回計算横軸:[計算回数] 縦軸:[mm]

50回計算 平均値	球①			球②			球③			
		x[m m]	y[m m]	z[m m]	x[m m]	y[m m]	z[m m]	x[m m]	y[m m]	z[m m]
球座標		-434.624	-461.966	1266.23	181.638	-407.561	1590.10	798.408	-354.093	1920.69
標準偏差		1.04246	1.03523	1.23767	1.23398	1.16087	0.721848	2.69922	1.79016	1.52693

計測50回 平均値	球①と球②	球2と球3	球1と球3
実距離[m m]	700.000	700.000	1400.00
計測距離[m m]	698.304	701.821	1400.11
標準偏差[m m]	1.48765	2.81340	3.00224

マーカーの座標の計測に成功 しかし... ・誤差が2[mm]程度発生 ・計算ごとに値にばらつきが発生 処理過程で有意な誤差が発生している



- ・発表の流れ
- 1. 研究の背景と目的
- 2. Kinectについて
- **3. 成果の報告**
 - ⇒新たなレジストレーション手法の提案
 ⇒従来手法との比較・精度の検証
 ⇒多視点のレジストレーションについて
 ⇒計測
 - ・実験①
 - ・実験② ブロックを模した人工データを用いた実験
- 4. 結果·考察
- 5. 結論・課題







…簡単な人工データによる精度検証でレジストレーション(重ね合わせ処理) 自体の精度は示されている



②が原因の場合はKinectのカメラ校正が必要となる. 本研究では①の可能性を考慮し実験を行った.

・実験2

・CADのブロックデータからブロックを模 した複雑な人工点群データを作成し座標 変換

・平面ごとに±3[mm]の一様分布ノイズ

・全12平面からなる<u>平面ごとの理想平面</u> <u>データとそれらを統合したデータ</u>を用意





物体寸法:約1000[mm](高さ)×約3500 [mm] (幅)×約2000[mm](深さ) 板厚:20[mm]

実験②

・CADのブロックデータからブロックを模 した複雑な人工点群データを作成し座標 変換

・平面ごとに±3[mm]の一様分布ノイズ

・全12平面からなる<u>平面ごとの理想平面</u> <u>データとそれらを統合したデータ</u>を用意



<u>全点群から取り出した平面を用いた点群重ね合わせ結果</u>と <u>理想平面を用いた点群重ね合わせ結果</u>を比較する.

この結果に差があれば平面の取り出し処理(クラスタリング)時 に誤差が発生していると言える. 処理は15回行う.

极厚:20[mm]

さ)







・左図では平面取り出し処理は上手くいっているように見えるが
 実際は1平面が複数に分かれて検出されており、約40平面が存在する.

・理想平面は12平面が存在しており、データごとに色分けしたものが右図となる.







結果 全点群→平面



結果 理想平面

习1但	<u> </u>	結果し、理想半面)	結果2(クラスタリンク)	
α	0.100000	0.100000	0.0995972	
β	0.200000	0.200000	0.195870	
r	0.300000	0.300000	0.300994	
dx	400.000	400.000	399.752	
d y	500.000	500.000	499.143	
dz	600.000	600.000	600.633	
	座標変換値	標準	偏差	
α	0.100000	0.000000144078	0.000691766	
β	0.200000	0.000000367909	0.000420112	
r	0.300000	0.00000360665	0.000546921	
dx	400.000	0.00000969585	0.0296437	
d y	500.000	0.0000121549	0.0376872	
dz	600.000	0.00000847657	0.0333630	
	ジ1世	今間 座標変換値 α 0.100000 β 0.200000 γ 0.300000 α 400.000 dx 400.000 dy 500.000 dz 600.000 φ標変換値 0.100000 β 0.200000 γ 0.300000 β 0.200000 β 0.200000 γ 0.300000 γ 0.300000 α 400.000 dy 500.000 dz 600.000	今値 座標変換値 結果「(理想中面)) α 0.100000 0.100000 β 0.200000 0.200000 γ 0.300000 0.200000 γ 0.300000 0.300000 α 400.000 400.000 dx 400.000 400.000 dy 500.000 500.000 dz 600.000 600.000 @ 座標変換値 標料 β 0.200000 0.00000360665 φ 400.000 0.00000360665 φ 500.000 0.00000360655 φ 500.000 0.00000360655	

理想平面の結果について ・15回の施行で同様の結果 ・距離誤差は0.00008[mm]以下 ・角度[rad]も極めて微小な誤差 誤差の蓄積を考えてもほぼ理想 の結果





- ・発表の流れ
- 1. 研究の背景と目的
- 2. Kinectについて
- **3. 成果の報告**

⇒新たなレジストレーション手法の提案
 ⇒従来手法との比較・精度の検証
 ⇒多視点のレジストレーションについて
 ⇒実験

・レジストレーションに失敗した状況

- 4. 結果·考察
- 5. 結論・課題



・レジストレーションに失敗した状況



計測状況





・Kinectの計測範囲を深さ3000[mm]以内に制限し計測実験を行った.
・16視点から得た点群データを重ね合わせしようと試みたが失敗した.
・設置物の点群が大きくずれていることが分かる.



・レジストレーションに失敗した状況





平面取り出し後

8番目の視点の点群データ

原因:クラスタリング時に上下,左右,前後の3方向移動を固定する 平面が得られなかったこと 横方向の移動を固定する平面がほぼ得られていない このような視点が複数存在すると本手法では重ね合わせが不可能となる

- ・発表の流れ
- 1. 研究の背景と目的
- 2. Kinectについて
- **3. 成果の報告**
- 4. 結果・考察
- **5.** 結論・課題



従来手法との比較

・従来手法ではずれが発生したが提案手法ではずれが見られず,<u>精度が改善された.</u>

精度の検証実験

・簡単な人エデータを用いて精度の検証を行い, 精度の高さを実証した。



・対象を複数視点から計測した実データを用い, 重ね合わせに成功した.

・球体マーカーの座標検出にも成功したが,値が ばらつき約2[mm]の誤差が発生した.














・結果と考察



・実験①の誤差の原因が平面取り出し処理 にあると予想し,複雑な人工データを用いて 検証した.

・平面取り出し処理時に誤差が発生している ことが確認できた。







・本レジストレーション手法で点群重ね合わせに失敗する状況を実際に確認できた。



- ・発表の流れ
- 1. 研究の背景と目的
- 2. Kinectについて
- **3. 成果の報告**
- 4. 結果・考察
- 5. 結論・課題



・結論と課題



- ・点群重ね合わせ処理における従来手法の問題点を改善した. →<u>平面探索の自動化,精度の向上</u>
- ・高速深度計測デバイスの利用による形状計測コスト削減の可能性を示した.
 →Kinectを用いた実験,レーザースキャナと比較した利点を指摘



- ・点群からの平面取り出し処理の見直し,改善
- ・点群重ね合わせに失敗する場合の重ね合わせ手法の考案 ⇒ 物体形状を 取得して手がかりにする 等
 - ・Kinectから得られるデータの正確さの確認 ⇒ Kinectのカメラ校正を行う



付録: 重ね合わせ(レジストレーション)

画像をつなぎ合わせるための位置合わせの手法

色やエッジ等の特徴量を基につなぎ合わせる



本研究では特徴量に平面ベクトルを用いる





レジストレーション結果 右側(従来手法でパラメータを用いた側)の拡大図





提案手法 結果

76



【主成分分析】

データを無相関な(少数の)特性値:主成分に 縮約する統計処理.

データが3次元空間中の点列の場合、第3主成分の 分散が第1・第2主成分に比べて極端に小さければ点 群は平面に分布している.





・付録:平面のクラスタリング

【RANSAC法による湾曲部の除去】



高速深度計測デバイスによる形状計測に関する研究 Nakamura Takumi,2017

【制約のない関数最適化】 滑降シンプレックス法

関数の勾配を計算せずに最小値を得る

N次元変数関数に対してN+1コ以上のシンプレックス(探索点) x_j について以下を定義 1) 目的関数値が最大の点 $x_h \leftarrow$ 関数最小化なので、最悪の点 2) 目的関数値が2番目に大きい点 x_s 3) 目的関数値が最小の点 $x_l \leftarrow$ 関数最小化なので、最良点 4) \$i = h\$なる点を除いた全ての x_j の重心 x_s

(操作1:反射) x_h を以下の x_r で置き換える: $x_r = (1 + \alpha)x_g - \alpha x_h$, ただし $\alpha > 0$ は反射係数 (操作2:拡大) $x_g - x_r^{\sigma}$ 方向に沿って x_r を以下の x_g に置き換える: $x_g = \gamma x_r^{\sigma} + (1 - \gamma)x_g$, ただし $\gamma > 0$ は拡大係数 (操作3:縮小) x_h を以下の x_g^{σ} で置き換える: $x_c = \beta x_h^{\sigma} + (1 - \beta)x_g$, ただし $0 < \beta < 1$ は縮小係数 (操作4:収縮) シンプレックス全体を x_l の方向へ半分に縮小する $x_i = 0.5(x_l + x_i)$, ただし $i = 1, \dots n + 1$

これらの操作を、次に述べる手順で組合せ、シンプレックスを更新する。 基本的に、最悪点をシンプレックス重心の逆側へ移動して関数値を小さくしていく。 $\alpha = 1$, $\beta = 0.5$, $\gamma = 2$ が経験的に良い

パラメータ数が5~6個程度の最適化であればGA等よりもいい結果 を得ることができる. コスト関数が局所解だらけではないなら滑降シン プレックス法が良い結果が得られる可能性が高い。



一方の平面にあてるように他方の点群を変換する座標変換パラメータを探索する 本研究では回転には**クォータニオン回転**を用いる.



正規化したベクトルS周りに γ 回転させ ්. $S = (S_x, S_y, S_z)$ $S_x = \cos \alpha \sin \beta$ $S_{y} = \cos \alpha \cos \beta$ $S_z = \sin \alpha$ 角度範囲は, $-\frac{\pi}{2} \leq \alpha, \beta, \gamma \leq \frac{\pi}{2}$ 平行移動 範囲は2点間の最大の距離



クォータニオン回転



・「直感的」

回転角・回転軸が与えられれば計算できる

・「メモリ効率が良い」

四つの数値で回転を表現できる

・「連続性」

ジンバルロックがない(オイラー角では自由度を落としてしまう)



・「多数回転が表現できない」

θが10度なのか、370度なのか、-350度なのか、区別できない

- ・「一見して何をしているのか不明」
- パッと見ただけではわからない
- ・「原点中心の回転である」

処理が必要になる